

Exercice

Soit $M \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ la matrice dont tous les coefficients sont égaux à 1, et $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ telle que $A^3 = M$. Montrer que $(\operatorname{tr} A)^3 = n$.